

# Correction du Partiel de Rattrapage Compilation : Langages et Grammaires

EPITA – Promo 2006

Avril 2004 (30mn)

## Aucun document autorisé<sup>1</sup>

Soit un langage de *stratégies*. Les stratégies de base comptent la stratégie  $\emptyset$  (échec), la stratégie 1 (succès), ou encore  $s$  qui dénote une quelconque stratégie atomique de l'utilisateur. À partir de deux stratégies  $s_1$  et  $s_2$  peuvent être construites les stratégies  $s_1 + s_2$  (choix non déterministe),  $s_1 <+ s_2$  (choix gauche),  $s_1 \cdot s_2$  (composition séquentielle). Les parenthèses permettent de grouper. Ce langage inclut des mots tels que :

$\emptyset <+ 1$        $(s + s) \cdot 1$        $s \cdot s <+ s <+ 1$

1. Écrire une grammaire hors contexte naïve de ce langage de stratégies. On cherchera une formulation abstraite, courte et très lisible, au prix de l'ambiguïté.

### Correction:

```
S ::= S . S
    | S <+ S
    | S + S
    | ( S )
    |  $\emptyset$  | 1 | s
```

### Barème:

- Grammaire correcte : 4
- Étourderie, mais grammaire naïve et simple : 2

### Best-of:

```
- S -> E $
E -> T |  $\epsilon$ 
T -> C <+ C | (C + C) | T . 1 | T <+ T | C |  $\epsilon$ 
C ->  $\emptyset$  | 1 |  $\epsilon$ 
- S -> " $\emptyset$ " | "1" | "s"
T -> "(" | ")" | "." | "<+"
P -> S P1
P1 -> T S P1 |  $\epsilon$ 
- S => C A C
A =>  $\emptyset$ |1|s
B => <+ | .
C =>  $\epsilon$  | ( | )
A => C A B C
B => C B A C
```

1. « Aucun document autorisé » signifie que ni notes de cours, livres, annales, etc. ne sont consultables pendant l'épreuve.

2. Désambigüiser cette grammaire en considérant les règles suivantes :

- (a) Toutes les opérations binaires sont associatives à gauche ;
- (b)  $\cdot$  est prioritaire sur  $<+$  ;
- (c)  $<+$  est prioritaire sur  $+$ .

c'est-à-dire que

$$0 + s \cdot s <+ s <+ 1$$

se lit comme suit.

$$0 + (((s \cdot s) <+ s) <+ 1)$$

**Correction:** Comme pour l'arithmétique, on introduit des symboles non-terminaux supplémentaires pour chaque étage de priorité. On prendra S (somme) pour l'étage +, C pour le choix  $<+$ , T (terme) pour l'étage  $\cdot$ , et F (facteur) pour les valeurs littérales et les parenthèses.

// Une somme est une somme de choix ou un choix.

S ::= S + C

S ::= C

// Un choix est un choix parmi des termes, ou un terme.

C ::= C <+ T

C ::= T

// Un terme est un produit de facteurs, ou un facteur.

T ::= T . F

T ::= F

// Un facteur est un littéral.

F ::= 0 | 1 | s | ( S )

On remarque la récursivité à gauche des règles pour obtenir l'associativité à gauche.

**Barème:**

- Bonne désambiguïsation : 4
- Priorités strictement inversées : 2

**Best-of:**

- pas le temps.  
récursion à droite + factorisation à gauche.
- (= somme) pour +  
T (Terme) pour <+  
F (Fuckem) pour .  
et E pour stratégie (pourquoi pas ?)
- (a)  $S \rightarrow S + E \mid E$   
 $E \rightarrow E . F \mid F$   
 $F \rightarrow F <+ G \mid G$   
 $G \rightarrow \emptyset \mid 1 \mid s(S)$
- (b)  $S \rightarrow S <+ E \mid E$   
 $E \rightarrow E + F \mid F$   
 $F \rightarrow F . G \mid G$   
 $G \rightarrow \emptyset \mid 1 \mid s(S)$
- (c)  $S \rightarrow S + E \mid E$   
 $E \rightarrow E <+ F \mid F$   
 $F \rightarrow F . G \mid G$   
 $G \rightarrow \emptyset \mid 1 \mid s(S)$
- Bon, alors là, je ne trouve pas le sujet clair. Est-ce que si je n'explique pas comment j'arrive à cette grammaire, je "bluffe" ? La méthode est dans les 4 supports que j'ai emmené (notes de cours, th-lang.pdf, Appel, [???]), on l'a fait et refait en cours... bon après bien sur j'ai l'air con si j'ai fait une erreur.

3. Expliquer pourquoi cette grammaire ne peut pas être LL(1).

**Correction:** D'une part elle est récursive à gauche, d'autre part, plusieurs règles sont en concurrence. Par exemple les deux premières règles (celles de S) sont actives pour tout FIRST de C.

**Barème:**

- Récursion : +2
- Concurrence : +2

**Best-of:**

- Cette grammaire ne peut pas être LL(1) à cause des priorités des opérateurs qui nécessitent d'aller voir plus loin.
- C'est similaire à la grammaire du partiel de l'année dernière, "les deux premières règles sont actives pour tout FIRST de T".
- LL(1) signifie que l'on part systématiquement de l'élément le plus à gauche, et qu'on ne regarde que le token suivant, rien de plus. On ne peut donc pas (avec la grammaire LL(1)) écrire une grammaire comme celle de l'exercice (logique).
- Cette grammaire ne peut pas être LL1 car elle possède la régularité à gauche. elle n'est donc pas régulière.
- Cette grammaire ne peut pas être LL(1) car d'après le cours, toute grammaire LL(1) est non ambiguë, comme celle-ci est ambiguë, elle n'est pas LL(1).
- Elle est récursive à droite.
- LL ne sait pas gérer les récursions gauche.  
⇒ on dérécursionne (ré-récursionne ?) à droite.
- Cette grammaire n'est pas LL car pour des grammaires tels que U on a trop de productions possibles.

4. Transformer cette grammaire en une grammaire susceptible d'être LL(1).

**Correction:**

(a) Récursion à droite.

$$\begin{aligned}
 S &::= C + S \mid C \\
 C &::= T <+ C \mid T \\
 T &::= F \cdot T \mid F \\
 F &::= \emptyset \mid 1 \mid s \mid ( S )
 \end{aligned}$$

(b) Factorisation à gauche En utilisant " pour désigner le mot vide.

$$\begin{aligned}
 S &::= C S' \\
 S' &::= + S \mid '' \\
 C &::= T C' \\
 C' &::= <+ C \mid '' \\
 T &::= F T' \\
 T' &::= \cdot T \mid '' \\
 F &::= \emptyset \mid 1 \mid s \mid ( S )
 \end{aligned}$$

(c) Simplification des récursions mutuelles.

$$\begin{aligned}
 S &::= C S' \\
 S' &::= + C S' \mid '' \\
 C &::= T C' \\
 C' &::= <+ T C' \mid '' \\
 T &::= F T' \\
 T' &::= \cdot F T' \mid '' \\
 F &::= \emptyset \mid 1 \mid s \mid ( S )
 \end{aligned}$$
**Barème:**

- Récursion et factorisation : 4
- Récursion seule (mais concorde avec la réponse 3) : 2

**Best-of:**

- On va donc mettre la récursion à droite :

$$\begin{aligned}
 S &\rightarrow E \$ \\
 E &\rightarrow I "+" E \mid I \\
 I &\rightarrow T "<+" I \mid T \\
 T &\rightarrow F "." T \mid F \\
 F &\rightarrow \emptyset \mid 1 \mid s \mid (E)
 \end{aligned}$$

(Note : un doute subsiste à savoir si "." doit appartenir à l'étage des parenthèses, ou bien rester à son étage).

Ainsi il aurait peut être suffi d'écrire :

$$\begin{aligned}
 S &\rightarrow E \$ \\
 E &\rightarrow T + E \mid T \\
 T &\rightarrow F <+ T F \\
 F &\rightarrow \emptyset \mid 1 \mid s \mid (E) \mid E.F
 \end{aligned}$$

(ce qui me gêne ici, c'est le fait que "." soit binaire et non unaire).

- On force donc l'utilisation des parenthèses :

$$\begin{aligned}
 S &\rightarrow S + (E) \mid E \\
 E &\rightarrow E <+ (F) \mid F \\
 F &\rightarrow F \cdot (G) \mid G \\
 G &\rightarrow (S) \mid L \\
 L &\rightarrow s \mid \emptyset \mid 1
 \end{aligned}$$

5. Quelle critique formuler sur la grammaire obtenue ?

**Correction:** On a perdu l'associativité gauche des opérateurs.

**Barème:**

- Bonne réponse- : 4 points.
- Mauvaise réponse- : 0 point.

**Best-of:**

- C'est illisible et totalement contre-intuitif.
- La grammaire obtenue engendre des langages trop parenthésés, ce qui est lourd et contraignant. On se croirait en LISP.

6. Récrire cette grammaire en s'autorisant les extensions de l'EBNF. Par exemple,

$A ::= a^*$ .

**Correction:**

```
S ::= C (+ C)*
C ::= T (<+ T)*
T ::= F (. F)*
F ::= 0 | 1 | s | ( S )
```

**Barème:**

- Grammaire correcte- : 4 points.
- Mauvaise priorité- : 3 points.
- Pour chaque faute dans la grammaire- : -1 point.

7. Écrire en pseudo code un parseur LL(1) avec les bonnes priorités et associativités pour cette grammaire.

Il suffira d'écrire une et une seule des routines de parsing, à condition qu'elle soit significative (comprendre que eat, aussi appelée accept, n'est pas demandée). On prendra soin de ne pas cacher la gestion des erreurs.

**Correction:** S se parse simplement par une routine :

```
routine parse-S ()
  parse-C ()
  tant que lookahead égale '+' faire
    accepter '+'
    parse-C ()
  fin tant que
fin routine parse-S
```

et de façon similaire pour C et T. Enfin, toutes les règles de F commencent par un terminal différent donc aucun problème pour LL.

**Barème:**

- Code correct : 4 points.
- Erreur d'étourderie (mauvais opérateur) : -1 point.